



永久磁石内磁化ベクトル 分布の非破壊推定 - 基礎研究から社会実装研究まで--



□ 永久磁石の役割
 ✓ 同期電動機の高出力化
 ✓ 製品の小型化・軽量化
 例:パワーステアリング
 フットブレーキ

- □ 永久磁石の製造における問題点
 > 着磁工程において,磁化強度や磁化方向に着磁 誤差が含まれる場合
- ⇒電動機の振動を誘発する^[2].
- ✓ 設計の前段階における磁化推定が重要



^{1.} https://www.tomacotrade.com

^{2.} 大橋正幸:「EPS用駆動2系統MCU」, デンソーテクニカルレビュー, vol. 21, pp. 48-53 (2016)

研究の背景



[1]

□磁化配向評価の方法 ▶ 電子線後方散乱 回折法(EBSD)^[1] ▶ X線回折法(XRD)^[2] ✓ 磁石表面を高精度で測定が可能

✓ 永久磁石内部把握のためには、複数観察 断面が必要となる.(破壊的な工程)

✓ 全領域の磁化分布計測に数日を要する.

- 1. 北井伸幸, 松浦裕, 石井倫太郎, 棗田充俊, 星島順: 「Nd-Fe-B 焼結磁石の保磁力減少率の配向依存度と保磁力メ カニズム」, 日立金属報, vol. 30, pp. 20-27(2014)
- Y. Zhang, Y. Zhang, J. Song, X. Qi, J. Du, W. Xia, J. Zhang, A. Yan, and J. Liu, "Magnetic domain structure of Sm(Co, Cu, Fe, Zr)_x thick permanent magnetic films," *IEEE Trans. Magn.*, vol. 49, no. 7, pp. 3360-3363, Jul. 2013.







- □周囲の磁束密度による磁化推定方法
- ✓ 逆問題: Tikhonov正則化^[1]
 - ▶ 正則化項を導入し、物理的な磁化分布を得る.
 - ▶ 正則化パラメータにより,推定結果が異なる.

✓ 最適化問題:GA^[2]

- ➢ 磁化ベクトルのセル数が多くなると収束まで相当な時間が必要
- ▶ 制約条件のパラメータ設定が困難である.
- ✓ 特異值分解:TSVD^[3]

▶ 打ち切りモードの決め方に任意性が有る.

- 1. H. Igarashi, T. Honda, and A. Kost, "Inverse inference of magnetization distribution in cylindrical permanent magnet," *IEEE Trans. Magn.*, vol. 36, no. 4, pp. 1168-1171, 2000.
- 2. N. Nakai, Y. Takahashi, K. Fujiwara, and H. Ohashi, "Estimation of magnetization distribution in a permanent magnet using genetic algorithm," *Proc. of XVII International Symposium on Electromagnetic Fields in Mechatronics, Electrical and Electronic Engineering (ISEF 2015)*, JP171, 2015.
- 3. L. Arbenza, O. Chadebec, C. Espanet, Y. Rtimi, and G. Cauffer, "Characterization of permanent magnetization," *IEEE Trans. Magn.* vol. 53, no 11, art. no. 8109504, 2017.

Biot-Savart 則による静磁界計算





N. Nakai, Y. Takahashi, K. Fujiwara, and H. Ohashi, "Estimation of magnetization distribution in a permanent magnet using genetic algorithm," *Proc. of XVII International Symposium on Electromagnetic Fields in Mechatronics, Electrical and Electronic Engineering (ISEF 2015)*, JP171, 2015.



直接法で求解可能(解が無数にある性質は不変)





✓ *M* を求めるために, *A* の逆行列が必要だが, *N_c* ≠ *N_m* の場合, 厳密な逆行列が存在しない.

✓ 疑似逆行列を生成するために、特異値分解を行う.



□ 矩形行列の場合, 逆行列が存在しないため, 疑似 逆行列A⁺を作成する.

$$M = A^{+}B = \sum_{i=1}^{k} (\mathbf{v}_{i} s_{i}^{-1} \mathbf{u}_{i}^{T})B$$
$$(A^{+} = V S^{-1} U^{T} = \sum_{i=1}^{k} \mathbf{v}_{i} s_{i}^{-1} \mathbf{u}_{i}^{T})$$

 S^{-1} :対角に特異値 $s_{1 \sim n}$ の逆数に

置き換えた行列(非対角は全て0)

 $r: 行列のランク (1 \le k \le r)$

※MATLABのライブラリを使用

✓ 特異値の逆数を使用するため、高次モードの小さな特異値は解の発散を招く。

✓ 行列ランク r まで、足し合わせず、k モード以降のモード を打ち切ることで、非物理的な磁化分布を抑制

L. Arbenza, O. Chadebec, C. Espanet, Y. Rtimi, and G. Cauffer, "Characterization of permanent magnet magnetization," *IEEE Trans. Magn.* vol. 53, no 11, art. no. 8109504, 2017.

MathWorks日本 URL : https://jp.mathworks.com/help/matlab/ref/double.svd.html

モードと目的関数の特性



ロパラレル配向における特異値分解推定結果



SiGrad





- B: Biot-Savart 則から得られる磁束密度
- B_0 :磁界計測器から得られる磁束密度
- N_c:永久磁石の分割数 N_m:測定点数
- ✓磁化ベクトルを球座標系で表すことで、磁化強度の制約条件を直接定義することができる.







変数: M_x , M_y , M_z



制約条件をシグモイド関数で考慮



□制約付き磁化強度 M への変換

$$M(M') = \frac{M_{\text{max}} - M_{\text{min}}}{1 + e^{-M'}} + M_{\text{min}}$$

s.t. $M_{\min} \le M \le M_{\max}$

$$\frac{\partial M}{\partial M'} = \frac{e^{-M'}(M_{\text{max}} - M_{\text{min}})}{(1 + e^{-M'})^2}$$



ロシグモイド関数を用いることにより、制約条件内から解を探索ができる。

□陰的に制約条件を考慮することができるため,無

制約最適化問題に変換ができる.

N. Nakamura, Y. Okamoto, K. Osanai, S. Doi, T. Aoki, and K. Okazaki, "Magnetization estimation method for permanent magnet based on mathematical programming combined with sigmoid function," *IEEE Transactions on Magnetics*, Vol. 58, No. 9-6000704, Sep. 2022.



減磁したパラレル配向磁石の磁化推定

解析モデル(減磁磁石)





回転機のバーチャルエンジニアリングのための電磁界解析技術調査専門委員会:「回転機のバーチャルエンジニアリングのための電磁界解析技術」,電気学会技術報告, No. 776 (2000)



各手法の推定結果(減磁磁石)





各手法の推定結果(減磁磁石)







method	iteration	$W[\mathrm{T}^2]$	elapsed time [s]
TSVD* (4896 modes)	_	3.10×10^{-2}	917
TSVD* (1500 modes)	_	4.22×10^{-2}	917
SDM ($\alpha = 0.1$)	1345	5.55×10^{-2}	537
SDM (LS)	17	4.95×10^{-2}	92
QNM ($\alpha = 1.0$)	839	3.37×10^{-2}	501
QNM (LS)	13	4.23×10^{-2}	74

CPU: Ryzen 9 5950X 4.2 GHz & 128 GB RAM *: MATLAB に実装されているライブラリ (OpenMPによる並列化)

良い手法を開発できたのは良かったが・・・



 自由空間に配置した永久磁石の磁化推定
 波及効果は限定的(永久磁石メーカー)
 量産型モータの回転子・固定子に装荷された永久磁石の着磁方式は、組立後着磁が 殆ど

IPM モータの回転子

着磁ヨーク 着磁後の永久磁石の磁化分布は,不明・・・

不均質な着磁磁界分布

- □ 着磁磁界分布例
- ▶ V 字型 IPM モータの回転子











■EV用モータの回転子に装荷された永久磁石 には渦電流が発生し、ジュール損が発生



永久磁石端部で渦電流が集中 \rightarrow 熱減磁が発生しやすい. 回転子の回転方向 した子 永久磁石 回転子

- ネオジム磁石は熱に弱い!
- 200℃以上の高温にさらされると、ネオジム磁石の性能が低下する.(※キュリー点:約310℃)
- ●常温に戻っても、本来の性能に戻らない(不可逆減磁).
- ●永久磁石はレアアースで 出来ているし、大切に使いたい.







新しい磁化推定手法の開発(特許出願済)



本研究で提案する漏れ磁束を活用した永久磁石磁化推定手法
 (Magnetization Estimation using Leakage Flux, MELF)



岡本吉史・中村勢到・塩山将英:「磁化推定装置,磁化推定方法,及びプログラム」,特願 2022 (PCT 各国移行の前段階) 中村勢到・岡本吉史:「組立着磁後におけるSPMSM回転子の漏れ磁束を用いた永久磁石磁化推定手法に関する検討」,電気学会論文誌 D (産業応用部門誌), Vol. 143, No. 7, pp. 553-554(2023)





25

新技術説明会

□ 測定モデルと測定点



磁界測定器(MTX-6R, アイエムエス社)



□高精度な漏れ磁束計測が可能







回転子鉄芯表面磁束の実測値の可視化





口最小二乗形式
min.
$$W = \sum_{k=1}^{N_m} (B^{(k)} - B_0^{(k)})^2$$

- $B^{(k)} : FEMから得られる漏れ磁束$ $B_0^{(k)} : 計測点 k における漏れ磁束$ $N_m : 漏れ磁束を評価する領域における測定点数$ **□**MELFにおける変数 $M = \{M_x^{(1)}, M_y^{(1)}, M_z^{(1)}, \dots, M_x^{(N_{PM})}, M_y^{(N_{PM})}, M_z^{(N_{PM})}\}^T$
- M_x, M_y, M_z :磁石要素における磁化ベクトルの x, y, z成分 N_{PM} :永久磁石の要素数

随伴変数法



□ 拡張目的関数の定義
W = W + λ^T {K(A)A - F}
λ: 随伴変数
□ 拡張目的関数の一階偏微分
$$\frac{\partial \overline{W}}{\partial M} = \left(\frac{\partial W}{\partial A}\right)^T \frac{\partial A}{\partial M} + \lambda^T \left[\left\{ K(A) + \frac{\partial K(A)}{\partial A} A \right\} \frac{\partial A}{\partial M} + \frac{\partial K(A)}{\partial M} A - \frac{\partial F}{\partial M} \right]$$
 $= \left[\left(\frac{\partial W}{\partial A}\right)^T + \lambda^T \left\{ K(A) + \frac{\partial K(A)}{\partial A} A \right\} \frac{\partial A}{\partial M} + \lambda^T \left(\frac{\partial K(A)}{\partial M} A - \frac{\partial F}{\partial M}\right) \right]$
 $= \left[\left(\frac{\partial W}{\partial A}\right)^T + \lambda^T \left\{ K(A) + \frac{\partial K(A)}{\partial A} A \right\} \frac{\partial A}{\partial M} + \lambda^T \left(\frac{\partial F}{\partial M} A - \frac{\partial F}{\partial M}\right) \right]$
第一項目

I.-H. Park, B.-T. Lee, and S.-Y. Hahn, "Design sensitivity analysis for nonlinear magnetostatic problem using finite element method," *IEEE Trans. Magn.*, vol. 28, no. 2, pp. 1533-1536, Mar. 1992.





 ✓ 一式目の線形方程式より,随伴変数ベクト ルを算出する.

✓ 算出された随伴変数ベクトルを第二項に代入することで、感度を導出することができる.



I.-H. Park, B.-T. Lee, and S.-Y. Hahn, "Design sensitivity analysis for nonlinear magnetostatic problem using finite element method," *IEEE Trans. Magn.*, vol. 28, no. 2, pp. 1533-1536, Mar. 1992.



□ 最急降下法(Steepest Descent Method)
 > 目的関数 W の変数に関する一階偏導関数(感度)を計算し,変数の更新値とする.
 ✓ 修正ベクトル d_n の算出
 d_n = -∂W_n/∂M_n

✓ 変数の更新式 $M_{n+1} = M_n + \alpha_n d_n$

α_n: *n* ステップ目の直線探索により算出されるステップ幅

MELF のアルゴリズム





永久磁石磁化推定結果





得られた磁化分布による再構成







□ 今後の検討課題

- ▶ 永久磁石領域の特定部分を減磁させた場 合の磁化推定精度が良くない.
- ▶ 後着磁問題に対する効果を検証する必要 がある.
- 鉄芯内部の磁束密度に比べて、1 オーダ以 上小さい漏れ磁束の計算精度が懸念点で ある。
- > 計算時間の短縮(現状, 2時間前後)
- ✓ MELF は, 永久磁石内の磁化分布の精密 な推定を目指しています.

磁化推定技術の社会実装



- ロ永久磁石 or 永久磁石モータの製造ラインへ 実装したい。
- ▶ 高速性
- ▶ 計測部・磁化推定部が、一つのシステムとして構築されている.
- > 再現性の高い実測結果・数値的な推定手法





"Fast-sensing System of Permanent Magnet Magnetization Using Matrix-arranged Hall Sensors Combined with Deep Neural Network" proposed by M. Shioyama and Y. Okamoto (Hosei University) Magnetic Flux Derived from Permanent Magnet (PM) Measurement Using Matrix-arranged Hall Sensors 1. an the Star Star Star Star Star Star · 100 Estimation Result of 4 **PM** Magnetization 2. Control Using Microcomputer **IEEE Sensors Letters**, Estimation Using Deep Neural Network 3. Vol. 8, No. 4, 2024







ホールセンサのマトリックス配列





回路基板の磁界計測精度





シンプルな DNN 構造







□ 永久磁石 > フェライト磁石 (アクタス製, Y35) ✓ B_r: 400~440 mT, H_{cB}: 176~224 kA/m ✓ + z 方向に着磁 (パラレル配向)







□ 磁化推定技法 フェライト磁石の磁化強度M_を推定 MTX-6R + SiGrad 収束判定条件 *E*_{opt} = 10⁻⁹ 制約条件: *M*_{min}=0 mT, *M*_{max}=1,000 mT $(\mathbf{2})$ m-axis L 3 提案手法 条件: $M_z = -500 \sim 500 \text{ mT}(25 \text{ mT}間隔), z = 1 \sim$ 20mm (1mm間隔) 事前に Biot-Savart 則 (B = AM) で学習データを 生成し, DNN モデルで学習(所要時間:約3分)



		MTX-6R + SiGrad	m-axis L	提案 システム
所要時間 [s]	測定	60	10	0.07
	磁化推定	4.1	_	0.1
	合計	64.1	10	0.17
磁化強度	M_{z} [mT]	372.8	373.1	373.7

CPU: Intel Core i7-9700K 3.6GHz, RAM: 64GB







永久磁石内のセル数を複数化 複数の回路基板による計測・ 磁化推定の成功









□ 磁気回路付き高速磁化推定に成功



岡本吉史・塩山将英:「磁化推定装置,磁化推定システム,磁化推定方法,学習モデルの生成 方法,及びプログラム」,特願 2023

誘導起電力を用いた磁化推定手法



[1] 岡本吉史・鈴木元芽:「磁化推定装置,磁化推定方法,及びプログラム」,特願 2024
 [2] 鈴木元芽・岡本吉史:「永久磁石同期モータの無負荷誘導起電力を用いた永久磁石磁化の逆推定手法に関する検討」,電気学会論文誌 D(産業応用部門誌), Vol. 144, No. 4, pp. 313-314(2024)

線間電圧の計算法

・ 鎖交磁束の計算式

$$\Phi = \frac{n_{\rm C}h}{S_{\rm C}} \iint_{\Gamma_{\rm C}} \mathbf{A}(t) \cdot \mathbf{t}_z dS$$
$$\mathbf{A}(t) = \sum_{i=1}^3 N_i \mathbf{A}_i(t)$$

例: U相コイルの鎖交磁束数

$$\Phi_{\rm U}(t) = \frac{n_{\rm C}h}{S_{\rm C}} \iint_{\Gamma_{\rm U}} \mathbf{A}(t) \cdot \mathbf{t}_z \ dS$$

 $n_{\rm C}$: コイル巻数, $\Gamma_{\rm C}$: コイル領域, $h_{\rm C}$: 積厚, $S_{\rm C}$: コイルの断面積 t_z : 電流方向ベクトル, A(t): 各要素におけるベクトルポテンシャルの平均値 $\Gamma_{\rm U}$: U相のコイル領域, $\Phi_{\rm U}(t)$: 時刻 t におけるU相の鎖交磁束







• 一相のコイルの相電圧

$$V_{\rm U}(t) = -\frac{d\boldsymbol{\Phi}_{\rm U}(t)}{dt} \approx -\frac{\boldsymbol{\Phi}_{\rm U}^{(n)} - \boldsymbol{\Phi}_{\rm U}^{(n-1)}}{\Delta t}$$

n:時間方向に離散化した場合の時間ステップ番号

□線間電圧

 $V_{\rm UV}(t) = V_{\rm U}(t) - V_{\rm V}(t)$

 $V_{\rm U}(t), V_{\rm V}(t)$: 時刻 *t* におけるU相, V相の相電圧 $\Phi_{\rm U}^{(n)}, \Phi_{\rm U}^{(n-1)}$: 時刻 *t*, 時刻ステップ *n*-1 ~ *n* におけるU相の鎖交磁束 $V_{\rm UV}(t)$: 時刻 *t* における誘起電圧(線間電圧)



計算アルゴリズム











線間電圧波形の収束過程



52

 ▶ 最急降下法による繰り返し計算に伴い,誘導起電力 波形が目標値に漸近していることが確認出来た.
 ▶ 収束結果は, W = 1.11 × 10 となった.





- 本研究室で開発した技術の社会実装を目 指しています。
- ▶ 本特許技術をご活用頂ければ幸いです.
- ✓ 着磁器を製造されている企業様, モータ等の永久磁石機器メーカー様にご活用頂ければ幸いです。
- ✓ 共同研究や受託研究の枠組でも結構ですので、本技術を評価頂ければ幸いです。



- ▶ ナブテスコ株式会社様(寄付研究):2010 年
- ▶ 株式会社 豊田中央研究所(共同研究): 2017 年度
- ▶ 株式会社 デンソー(共同研究):2018 ~ 2019年度
- ▶ 株式会社 JSOL(共同研究):2019 年度
- ▶ 株式会社 東芝(共同研究): 2019 ~ 2022 年度





2008~2011年度:科研費基盤研究(B)分担 2009~2011年度:科研費基板研究(B)分担 2011~2012年度:科研費 若手研究(B)代表 2011~2013年度:科研費基盤研究(C)分担 2013~2015年度:科研費若手研究(B)代表 2014~2016年度:科研費基盤研究(C)代表 2016~2018年度:科研費基盤研究(C)代表 2019~2021年度:科研費基盤研究(B)分担 2019~2021年度:科研費基盤研究(C)代表 2020年度:科研費基盤研究(C)分担

2012年度:関東電気保安協会「研究助成」 2013年度:丸文財団「交流研究助成金」 2022年度:電気通信普及財団 研究調査助成 2023年3月~2025年3月:パワーアカデミー 特別推進研究



お問い合わせ先

法政大学 研究開発センター リエゾンオフィス

TEL 042-387-6501 FAX 042-387-6335 e-mail:liaison@ml.hosei.ac.jp